

## TODENNÄKÖISYYS

Todennäköisyyslaskennassa tarkastellaan ilmiöitä, jonka tuloksen määrää sattuma. Näitä nimitetään **satunnaisilmiöiksi**.

Satunnaisilmiön mahdollisia tuloksia kutsutaan **alkeistapauksiksi**.

**Esimerkki 1.** Nopan heitto on satunnaisilmiö.

**Alkeistapauksia** on kuusi: 1, 2, 3, 4, 5, ja 6. Jokainen alkeistapaus on yhtä mahdollinen nopan symmetrian perusteella.

Jos **tapahtuma A on ”silmäluku suurempi kuin 2”**, niin tapahtumalle A **suotuiset alkeistapaukset** ovat silmäluvut 3, 4, 5 ja 6.

$$P(A) = \frac{4}{6} = \frac{2}{3}$$

### Klassinen todennäköisyys

Jos alkeistapaukset symmetrisiä, eli yhtä todennäköisiä, niin tapahtuman A todennäköisyys (probability)

$$P(A) = \frac{k}{n} = \frac{\text{suotuisten alkeistapausten lukumäärä}}{\text{perusjoukon alkeistapausten lukumäärä}}$$

- Tapahtuma, jolla ei ole yhtään suotuisaa alkeistapausta on mahdoton ja sen todennäköisyys on 0.
- Jos kaikki alkeistapaukset ovat suotuisia, tapahtuma on varma, ja sen todennäköisyys on 1.

Eli  $0 \leq P(A) \leq 1$  aina.

## Vastatapahtuma

- Tapahtuman A vastatapahtuma (**komplementtitapahtuma**) on  $\bar{A}$ : "A ei tapahdu"
- Vastatapahtuman todennäköisyys  $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$
- $P(A) + P(\bar{A}) = 1$

## Tilastollinen eli kokeellinen todennäköisyys

Toistamalla tiettyä satunnaiskoetta useita kertoja ja laskemalla suotuisan tapahtuman esiintymiskerrat voidaan määrittää tapahtumaan liittyvä tilastollinen todennäköisyys.

$$P(A) = \frac{f}{n} = \frac{\text{suotuisan tapahtuman esiintymiskerrat (frekvenssi)}}{\text{koko aineiston lukumäärä}}$$

**Esimerkki 2.** Heitettäessä noppaa 100 000 kertaa saatiin seuraavat tulokset:

Tulos	Frekvenssi f
1	16 785
2	16 656
3	16 574
4	16 751
5	16 477
6	16 757

Tilastolliset todennäköisyydet eri tuloksille ovat seuraavat:

Tulos	Tilastollinen todennäköisyys
1	$\frac{16\,785}{100\,000} = 0,16785$
2	0,16 656
3	0,16 574
4	0,16 751
5	0,16 477
6	0,16 757

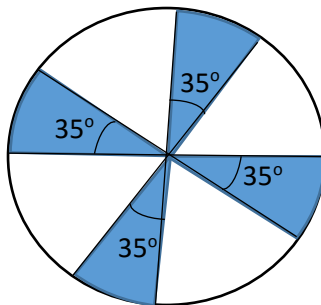
## Geometrinen todennäköisyys

Symmetriset tapaukset esitetään geometrisena kuviona ja todennäköisyydet vastaavat kuvion geometrisia ominaisuuksia. Jos esimerkiksi tikka osuu umpimähkään tikkatauluun, voidaan kunkin tuloksen pinta-alan ajatella kuvaavan vastaavaa alkeistapausten joukkoa.

$$P(A) = \frac{\text{suotuisa mitta}}{\text{koko mitta}}$$

**Mitta** on esimerkiksi pituus, pinta-ala, tilavuus, kulman suuruus.

**Esimerkki 3.** Millä todennäköisyydellä leikkiruletti pysähtyy tummennetulle voittoalueelle?



$$P(A) = \frac{4 \cdot 35^\circ}{360^\circ} = \frac{140^\circ}{360^\circ} \approx 0,39$$